

Práctica de Semana XI: Máquinas de Turing

1. Construya una Máquina de Turing (*Decididor*), que decida los siguientes lenguajes:

(a) $\{1^{2^n} \mid n \geq 0\}$

(b) $\{1^p \mid p \text{ es primo}\}$

(*pista: construya primero la Máquina que sepa decidir si para dos cadenas 1^a y 1^b , a es divisible por b .*)

(c) $\{w^n \mid w \in \{a, b\}^*, n \geq 0\}$

(*pista: construir la Máquina de forma no-determinista.*)

2. Construya una Máquina de Turing (*Computador*) que dado una cadena en el Lenguaje $\{1^n \mid n \geq 0\}$, deje en la cinta de salida la cadena $1^{fib.n}$, donde *fib.n* es el n -ésimo número de Fibonacci.

(*pista: construya primero la Máquina que dadas dos frases 1^a y 1^b , sepa computar la cadena 1^{a+b} .*)

3. Construya una Máquina de Turing (*Enumerador*), que dada una frase en el Lenguaje $\{1^k \mid k \geq 2\}$, enumere todas las cadenas de la forma $\{1^n \mid n \geq 0 \wedge n \bmod k = 0\}$

4. Consideremos todas las Maquinas de Turing (*Reconocedores*), que reconozcan algún subconjunto del Lenguaje $\{a^n \mid n \geq 0\}$. Siendo M una de tales Máquinas, $\langle M \rangle$ será una frase que represente toda la información relevante de la misma (una codificación de M). Sea ahora \mathcal{M} el Lenguaje formado por todas las codificaciones $\langle M \rangle$, tal que la Máquina M que codifica cumpla con la propiedad mencionada anteriormente. Demuestre que dicho Lenguaje no es Recursivamente Enumerable.

(*pista: suponga que \mathcal{M} si es Recursivamente Enumerable y llegue a una contradicción usando una prueba por diagonalización.*)